

التنقيط

8ن

3ن

1ن

1.5ن

1ن

1.5ن

التمرين الأول:

يحتوي كيس على ست بيدقات : بيدقتين خضراوين تحمل رقمين 1 و 2 واربع بيدقات حمراء مرقمة 1 و 1 و 2 و 2 (لا يمكن التمييز بينه البيدقات باللمس)

سحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاثة بيدقات من الكيس

(1) نعتبر الاحداث التالية : A: "جميع البيدقات المسحوبة حمراء" و B: "بيدقة واحدة بالضبط خضراء" و C: "البيدقات الثلاث المسحوبة تحمل الرقم 1"

$$\text{بين ان } P(C) = \frac{1}{5} \text{ و } P(A) = \frac{2}{5} \text{ و } P(B) = \frac{2}{20}$$

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد البيدقات الخضراء المسحوبة

أ- حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X

ب- حدد قانون احتمال المتغير العشوائي

ج- احسب المغایرة $E(X)$

د- احسب الانحراف الطرزى $\sigma(X)$

تمرين 2 :

لتكن (U_n) المتتالية العددية المعرفة بمايلي :

$$\begin{cases} U_0 = 0 \\ U_{n+1} = \frac{1+4U_n}{7-2U_n}; n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

(1) تحقق من ان $U_n > 0 - 1$ ثم بين بالترجع ان : $U_{n+1} = \frac{6(1-U_n)}{5+2(1-U_n)}$ لكل n من \mathbb{N}

$$(2) \text{ نضع } V_n = \frac{2U_n - 1}{U_n - 1} \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}$$

أ- بين ان (V_n) متتالية هندسية اساسها $\frac{5}{6}$ واكتب V_n بدالة n

ب- بين ان $U_n = \frac{(\frac{5}{6})^n - 1}{(\frac{5}{6})^n - 2}$ لكل n من \mathbb{N} ثم استنتج نهاية المتتالية (U_n)

تمرين الثالث: النقط $A(-1; 0; 2)$ و $B(0; -1; 2)$ و $C(1; 1; 2)$ و الفلكة (S) التي معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 - 8x - 6y = 0$

1- بين ان (S) الفلكة مركزها النقطة $(0; 3; 4)$ وان شعاعها هو 5

$$2- أ) \text{ بين ان } \overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = 3\vec{i} + 3\vec{j} - 6\vec{k} \text{ وتحقق من ان}$$

$$x - 2z - 1 = 0 \text{ هي معادلة ديكارتية للمستوى } (ABC)$$

ب) تحقق من ان $d(\Omega, (ABC)) = \sqrt{6}$ ثم بين ان المستوى (ABC) يقطع الفلكة وفق دائرة (Γ) محددا شعاعها r

3- ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة Ω و العمودي على المستوى (ABC)

$$أ) \text{ بين ان: } \begin{cases} x = 4 + t \\ y = 3 + t \\ z = -2t \end{cases} / t \in \mathbb{R} \text{ هو تمثيل بارامטרי للمستقيم } (\Delta)$$

ب) بين ان مثلث احداثيات H نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمستوى (ABC) هو (3, 2, 2)

ت) استنتاج مركز الدائرة (Γ)

