

## تمرين I:

ن 8

1- بين ان ( $n$  زوجي)  $\Rightarrow n^2$  زوجي )2- حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة :  $4 - |4x - 3| < 3x - 4$ 3- لتكن  $x$  و  $y$  و  $z$  اعداد حقيقية ، بين ان النظمة  $\begin{cases} 2y - 3x < 1 \\ 3z - 2y \leq 2 \\ z - x \geq 2 \end{cases}$  ليس لها حل4- برهن ان :  $\forall n \in \mathbb{N} ; 10^n - 5^n$  قابل القسمة على 55- بين ان لكل  $n$  من  $\{1; 2\} - \mathbb{N}^*$  لدينا :

$$(1 + \alpha)^n \geq 1 + n\alpha + \frac{n(n-1)}{2}\alpha$$

## تمرين II:

ن 8

لتكن  $f$  دالة عددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بمايلي :

$$f(x) = 3x - 6\sqrt{x-1} + 8$$

1- ا- حدد  $D$  مجموعة التعريف الدالة  $f$ ب- بين أن  $f(2) \geq f(x)$   $\forall x \in D$ 2- نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بمايلي :

$$g(x) = \sqrt{x-1}$$

أ- ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ ب- ارسم في معلم متعامد منظم  $(\vec{j}; \vec{i}; O)$  المنحنى الدالة  $g$  ، ثم حدد

$$g([2; +\infty]) \text{ و } g([1; 2])$$

ت- حدد الدالة الحدودية  $h$  من الدرجة الثانية بحيث:  $f(x) = (h \circ g)(x)$ 

$$( \forall x \in [1; +\infty[ )$$

3- ادرس تغيرات الدالة  $f$ تمرين III: لتكن  $f$  دالة عددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بمايلي :1- حدد  $D_f$ 2- بين انه لكل عددين حقيقيين مختلفين  $x$  و  $y$  لدينا :

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{xy - 1}{(1 + x + x^2)(1 + y + y^2)}$$

3- اعط جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $D_f$ 

ن 4

0.75

ن 1.5

1.75

